



Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο  
Σχολή Ηλεκτρολόγων Μηχανικών & Μηχανικών Υπολογιστών  
Τομέας Τεχνολογίας Πληροφορικής & Υπολογιστών  
<http://courses.softlab.ntua.gr/typesys/>

## Συστήματα Τύπων των Γλωσσών Προγραμματισμού Σειρά Ασκήσεων #4

Προθεσμία παράδοσης: 14/1/2010

Οι ασκήσεις πρέπει να παραδοθούν μέσω e-mail στο διδάσκοντα ([nickie@softlab.ntua.gr](mailto:nickie@softlab.ntua.gr)) σε ηλεκτρονική μορφή (LATEX). Καθυστερημένες ασκήσεις θα βαθυολογούνται με μικρότερο βαθμό, αντιστρόφως ανάλογα προς το χρόνο καθυστέρησης.

### 1 Αναδρομικοί τύποι

---

#### Άσκηση 4.1 Λίστες, δέντρα και υποδέντρα

Υλοποιήστε τον τύπο TreeNat των δυαδικών δέντρων με πληροφορία φυσικούς αριθμούς (βλ. άσκηση 20.1.1, σελ. 270 του βιβλίου). Υλοποιήστε τον τύπο ListTree της λίστας με πληροφορία δέντρα τύπου TreeNat. Υλοποιήστε μια συνάρτηση

```
subtrees : TreeNat → ListTree
```

που δέχεται ως παράμετρο ένα δέντρο και επιστρέφει τη λίστα που περιέχει όλα τα υποδέντρα αυτού. Χρησιμοποιήστε τον ελεγκτή `fullequirec` για να ελέγξετε τη λύση σας.

#### Άσκηση 4.2 Iso-recursive Streams

Χρησιμοποιώντας ροές (streams, σελ. 270 του βιβλίου), υλοποιήστε το κόσκινο του Ερατοσθένη με αναδρομικούς τύπους σε iso-recursive μορφή. Μπορείτε να βασιστείτε σε σχετικό παράδειγμα διάλεξης προηγούμενου έτους (4/12/2006), που είχε αναρτηθεί στη σελίδα του μαθήματος. (Σε εκείνο το παράδειγμα, οι αναδρομικοί τύποι είναι σε equi-recursive μορφή.) Χρησιμοποιήστε τον ελεγκτή `fullisorec` για να ελέγξετε τη λύση σας.

#### Άσκηση 4.3 Ανακλαστικότητα

Λύστε την άσκηση 21.3.8, σελ. 288 του βιβλίου.

#### Άσκηση 4.4 Σχέση υποτύπων

Λύστε την άσκηση 21.11.1, σελ. 312 του βιβλίου.

### 2 Ανακατασκευή τύπων

---

#### Άσκηση 4.5 Αναδρομικές συναρτήσεις

Λύστε την άσκηση 22.3.11, σελ. 326 του βιβλίου.